

# Kompresja tablic obliczeń wstępnych – alternatywa dla tęczyowych tablic

**Michał Trojnara**

[Michal.Trojnara@pl.abnamro.com](mailto:Michal.Trojnara@pl.abnamro.com)

## Cel prezentacji

- Zaproponowanie rozwiązania alternatywnego wobec popularnych ataków na algorytmy skrótów kryptograficznych przy użyciu tęczywowych tablic
- Porównanie własności konkurencyjnych rozwiązań

## Plan prezentacji

---

- Historia rozwiązań
  - Atak wyczerpujący
  - Hellman (1980): Łańcuchy
  - Rivest (1982): Punkty rozróżnialne
  - Oechslin (2003): Tęczowe tablice
- Rozwiązanie autorskie: Kompresja tablic obliczeń wstępnych
- Porównanie efektywności rozwiązań

## Problem odwracania skrótów

- Wiele aplikacji przechowuje skróty haseł nie dodając do nich losowej wartości utrudniającej korzystanie z obliczeń wstępnych (ang. salt)
- Odwracając skrót otrzymujemy hasło do systemu
- Wybrane przykłady podatnych systemów
  - Windows Lan Manager (duże litery, max. 7 znaków, DES)
  - Hasło konta SYSTEM w Oracle (duże litery, DES)
  - Windows NT hash (MD4)
  - Cisco PIX (MD5)
  - Wiele aplikacji webowych
  - Wiele formatów szyfrowania plików

## Atak wyczerpujący

- Dla danego skrótu  $h$  sprawdzamy dopuszczalne hasła  $p \in P$
- Zatrzymujemy po znalezieniu  $H(p)=h$
- W systemach rozproszonych zakresy haseł można pobierać z centralnego serwera lub losować („chińska loteria”)

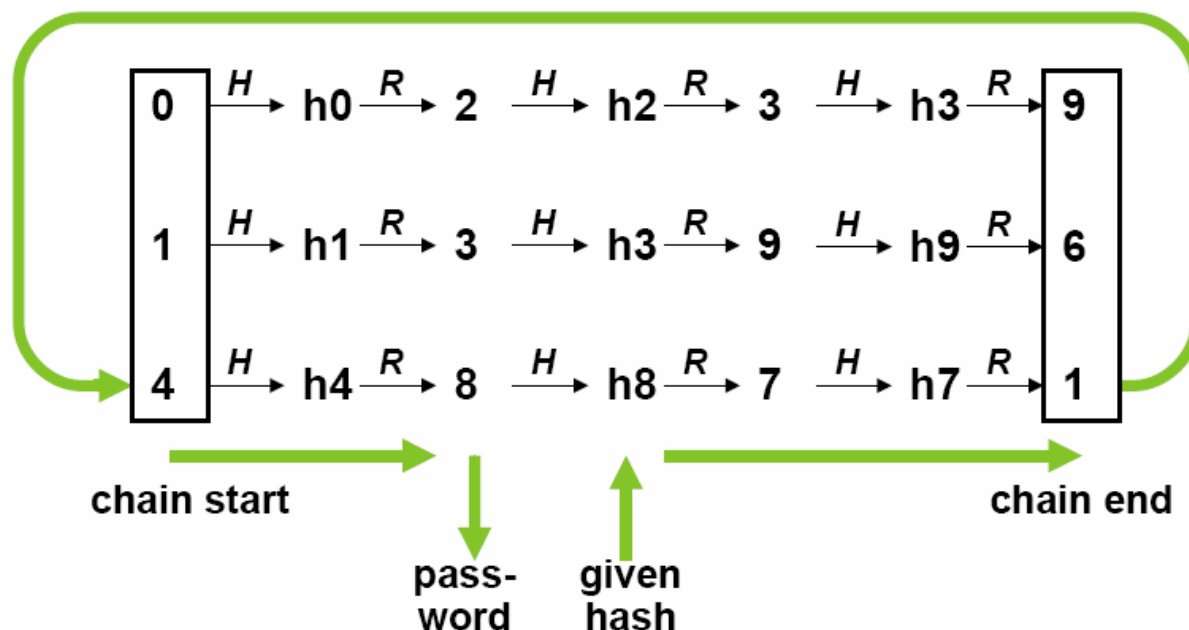
## Chińska loteria (RFC 3607)

RFC 3607 – „Chinese Lottery Cryptanalysis Revisited: The Internet as a Codebreaking Tool”

- Estymata dla roku 2002 (*100,000,000* maszyn w Internecie)
- Założona wielkość botnetu: *503,968* maszyn
- DES
  - Zagregowana wydajność: *2.88e+11* kluczy/sekundę
  - Czas łamania: *1.45* dnia
  - Czas dla 8-znakowych haseł: *16.29* minut
- MD5
  - Zagregowana wydajność: *9.79e+11* kluczy/sekundę
  - Czas dla 64-bitowych kluczy: *218.04* dni
  - Czas dla 8-znakowych haseł: *4.79* minuty

## Łańcuchy – opis algorytmu

W pamięci zapisywane są tylko pary początek/koniec łańcucha iteracji



Philippe Oechslin, Objectif Sécurité „Rainbow Cracking: Do you need to fear the Rainbow?”

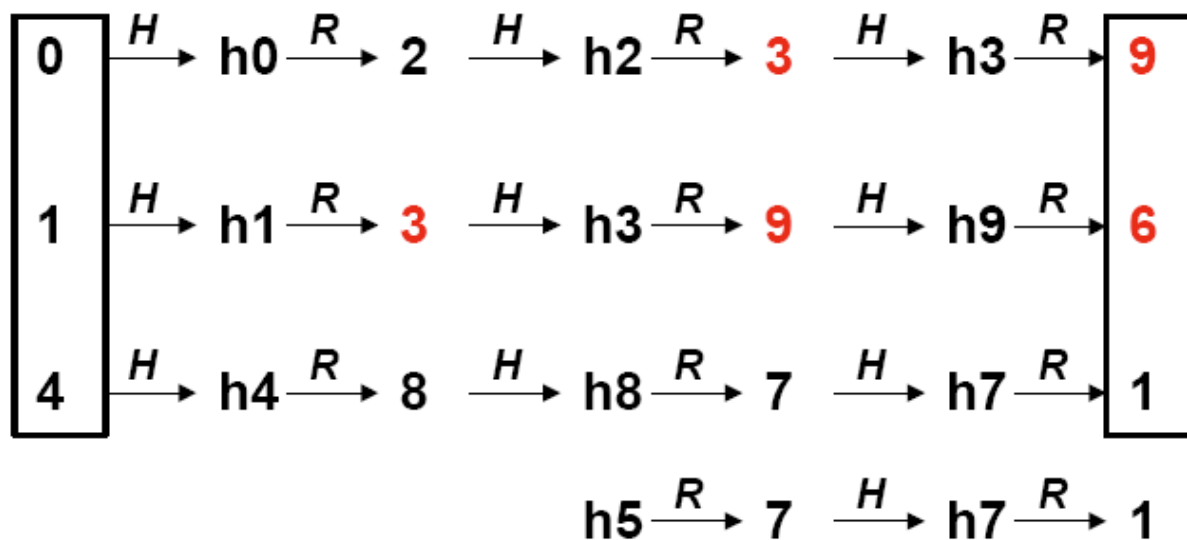
## Łańcuchy – punkty rozróżnialne

- Problem z obliczaniem łańcuchów
  - Każda iteracja wymaga wyszukania w tablicy łańcuchów
- Zaproponowane rozwiązanie
  - Zamiast generować łańcuchy stałej długości można kończyć je na wartości spełniającej proste kryterium (np.  $d$  wybranych bitów ma wartość 0)



## Łańcuchy – scalanie

Funkcja redukcji może mieć tę samą wartość dla różnych skrótów  
→ skutkiem mogą być fałszywe alarmy



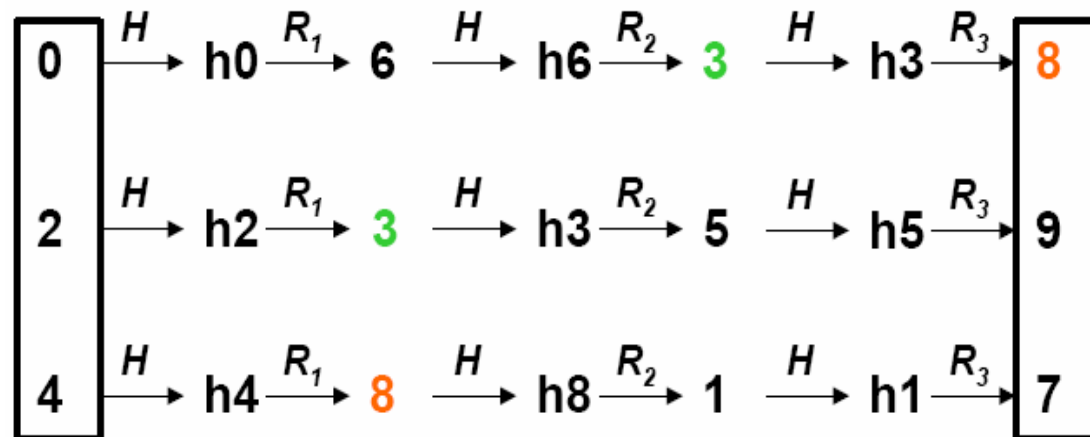
Philippe Oechslin, Objectif Sécurité „Rainbow Cracking: Do you need to fear the Rainbow?”

## Łańcuchy – właściwości

- Wymagania dla  $N$  dopuszczalnych haseł:
  - $N^{2/3}$  par początek/koniec łańcucha w pamięci
  - $O(N^{2/3})$  obliczeń (iteracji funkcji skrótu)
  - $O(N)$  obliczeń wstępnych
- Prawdopodobieństwo sukcesu: 80%

## Tęczowe tablice – opis algorytmu

- Różne funkcje redukcji w kolejnych iteracjach
- Łańcuchy ulegają scaleniu tylko wtedy, kiedy to samo hasło występuje w obu łańcuchach na tej samej pozycji



Philippe Oechslin, Objectif Sécurité „Rainbow Cracking: Do you need to fear the Rainbow?”

## Tęczowe tablice – właściwości

- Atak jest *20,000* razy szybszy niż atak wyczerpujący
- Przechowanie łańcucha wymaga w zależności od implementacji w przybliżeniu 32 bajty
- Średnio potrzebne jest *0.01* bajta na każdy skrót
- Dostęp do pamięci nie jest sekwencyjny – konieczność korzystania z pamięci o dostępie swobodnym (RAM)
- Skuteczność (pokrycie przestrzeni haseł) zależy od wybranego punktu zakończenia obliczeń wstępnych → obliczenia wstępne są istotnie bardziej czasochłonne od pojedynczego ataku wyczerpującego

## Kompresja tablic obliczeń wstępnych – opis algorytmu

- Algorytm generowania tablicy
  - Wygenerować wszystkie dopuszczalne hasła
  - Każde hasło zapisać po kompresji do pliku o numerze zależnym od części jego skrótu
  - Kompresja polega na zapisywaniu wyłącznie różnic pomiędzy hasłami w danym pliku
- Algorytm odwracania skrótu
  - Odczytać plik o numerze zależnym od skrótu
  - Obliczać skróty haseł zapisanych w pliku do znalezienia właściwego

## Kompresja tablic obliczeń wstępnych – właściwości

- Atak jest 65,536 ( $2^{16}$ ) razy szybszy niż atak wyczerpujący
- Do zapisania różnicy potrzeba średnio od 2 do 3 bajtów
- Dla  $2^{37}$  dopuszczalnych haseł każdy plik ma co najwyżej  $3 \cdot 2^{37} / 2^{16} = 3 \cdot 2^{21} = 6$  MB
- Do znalezienia wartości wystarczy przeszukać jeden plik, co zajmie w przybliżeniu  $2^{21} / 10^6 = 2$  sekundy
- Dostęp do pamięci jest sekwencyjny – możliwość korzystania z pamięci masowej (HDD)
- Czas obliczeń wstępnych taki sam, jak czas pojedynczego ataku wyczerpującego

(obliczenia przeprowadzone dla sugerowanej liczby  $2^{16}$  plików)

## Porównanie algorytmów dla $2^{37}$ haseł LM DES

| Algorytm                | Tęczowe tablice | Tablice obliczeń wstępnych |
|-------------------------|-----------------|----------------------------|
| Wykorzystanie pamięci   | 1.4 GB          | $3 \cdot 2^{37} = 384$ GB  |
| Rodzaj pamięci          | RAM             | HDD                        |
| Cena 1GB                | 400 PLN         | 1 PLN                      |
| Koszt pamięci           | 560 PLN         | 384 PLN                    |
| Wydajność               | 13.6 sekundy    | ~ 2 sekundy                |
| Skuteczność             | 99.9%           | 100%                       |
| Czas obliczeń wstępnych | ~ 300 godzin    | ~ 40 godzin                |

kolor niebieski - wartość empiryczna

## Wnioski

- Zaproponowane rozwiązanie ma pod wieloma względami lepsze własności niż tęczowe tablice
  - Niższy koszt pamięci
  - Lepsza wydajność odwracania skrótów
  - Lepsza wydajność obliczeń wstępnych
  - Większa skuteczność – możliwość odwrócenia *100%* skrótów danych należących do przestrzeni haseł
- Przewagą tęczowych tablic jest możliwość powielenia wyniku obliczeń wstępnych przez sieć – dla algorytmu kompresji tablic obliczeń wstępnych byłoby to niepraktyczne
- Niskie ceny twardych dysków pozwalają przechowywać tablice kluczy o długości do *40* bitów przy stosunkowo niewielkim koszcie

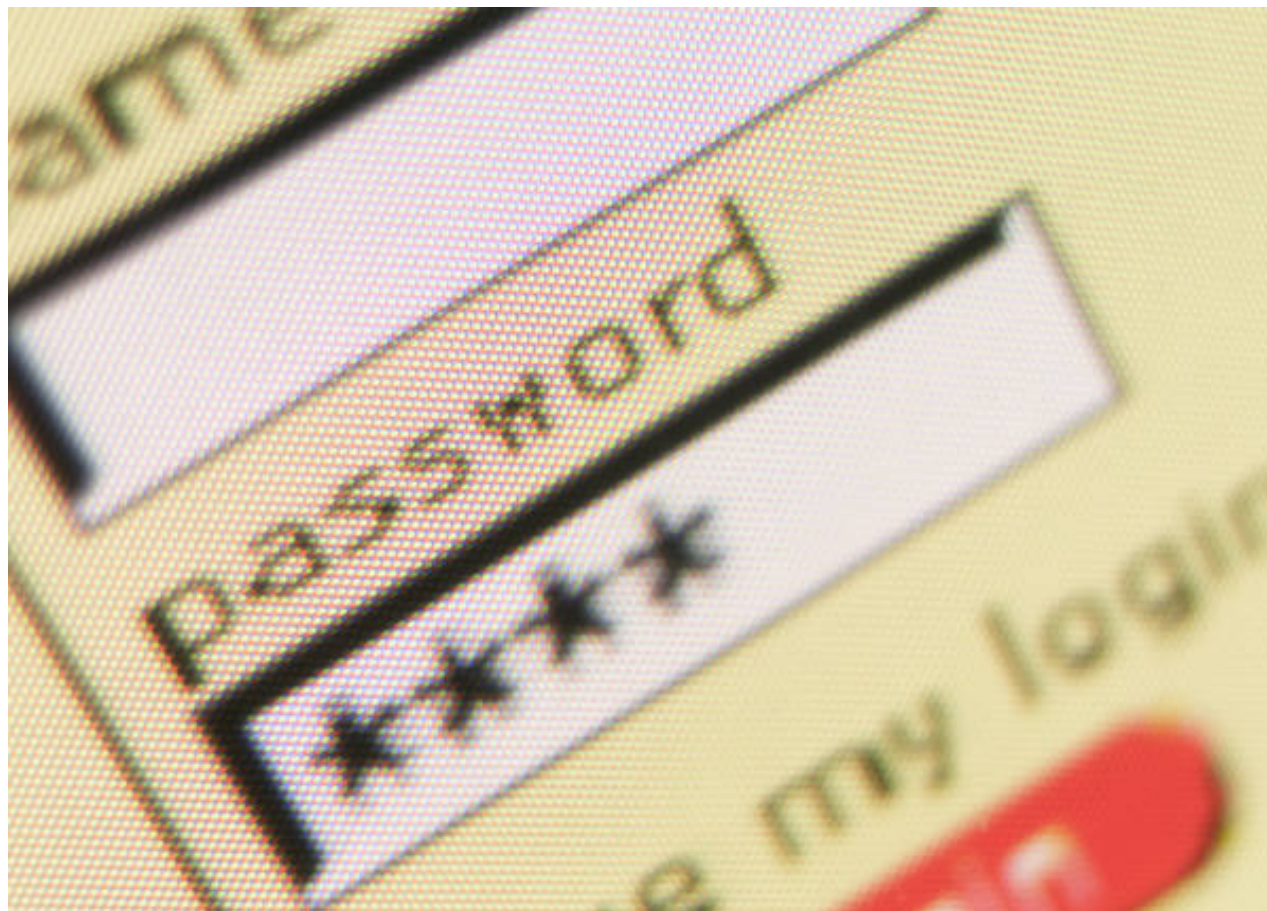


## Literatura

---

- Philippe Oechslin „Making a Faster Cryptanalytic Time-Memory Trade-Off”
- Philippe Oechslin „Rainbow Cracking: Do you need to fear the Rainbow?”
- Jean-Jacques Quisquater, François-Xavier Standaert: „Exhaustive Key Search for DES: Updates and refinements”
- RFC 3607 - Chinese Lottery Cryptanalysis Revisited: The Internet as a Codebreaking Tool

Dziękuję za uwagę



Michal.Trojnar@pl.abnamro.com